Introduction



Analyse multi-échelle de la densité locale de voisinage de second ordre d'un semis de points.



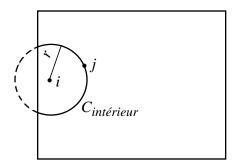
Le module calcule les valeurs prises par la fonction de densité locale de voisinage de second ordre, $n_i(r)$, pour chaque point i d'un semis compris dans une fenêtre d'échantillonnage prédéfinie (Pélissier et al. 199_). Cette fonction est proportionnelle à la fonction de voisinage de second ordre $L_i(r)$, proposée par Getis & Franklin (1987) à partir de la fonction K(r) de Ripley (1977). Elle permet de caractériser la structure spatiale observée localement au voisinage de chacun des points du semis.

La densité locale de voisinage de second ordre est estimée par : $n_i(r) = N_i(r)/\pi r^2$, où $N_i(r)$ correspond au nombre de voisins situés à distance inférieure ou égale à r d'un point donné i du semis. Pour un processus Poissonnien homogène d'intensité $\lambda = N/A$, où N correspond au nombre de points disséminés sur la surface A, $E[n_i(r)] = (N-1)/A$ quelque soit r.

On peut également calculer : $K_i(r) = A \cdot N_i(r)/(N-1)$ et la forme linéarisée $L_i(r) = \sqrt{K_i(r)/\pi} - r$ facilement interprétable en termes de structure spatiale au voisinage du point i. En effet, pour un processus Poissonnien homogène, on a pour tout r $E[L_i(r)] = 0$. Une valeur $L_i(r) > 0$ indique une agrégation locale des voisins dans une distance inférieure où égale à r du point i; une valeur $L_i(r) < 0$ indique une régularité locale des voisins dans une distance inférieure où égale à r du point i.

Dans ce module, les $N_i(r)$ sont calculés pour des valeurs de r équidistantes d'un pas dr, tel que $r = t \cdot dr$, avec $t = 1, ..., t_{\text{max}}$.

Lorsque le point i est plus proche du bord de la fenêtre d'échantillonnage que d'un voisin j, le programme introduit un terme correcteur des effets de bord selon la méthode proposée par Ripley (1977) : sous l'hypothèse que le semis est homogène, l'espérance n_{total} du nombre de voisins attendus à r = distance(i, j), est estimée de manière non biaisée, par le nombre de voisins $n_{intérieur}$ observés à distance r (i.e., réellement présents dans la fenêtre d'échantillonnage), pondéré par b_{ij} , l'inverse de la proportion du cercle de rayon r centré sur i qui se trouve à l'intérieur de la fenêtre d'échantillonnage.



$$\begin{split} b_{ij} &= \frac{C_{total}}{C_{int\acute{e}rieur}} = \frac{2 \cdot \pi \cdot r}{C_{int\acute{e}rieur}} \\ n_{int\acute{e}rieur} &= \frac{n_{total}}{C_{total}} \cdot C_{int\acute{e}rieur} = \frac{n_{total}}{b_{ij}} \\ \text{d'où} \quad n_{total} &= n_{int\acute{e}rieur} \cdot b_{ij} \end{split}$$

p. 2

Les différentes options du module proposent une correction des effets de bord : 1) pour des fenêtres d'échantillonnage de forme simple (rectangulaire ou circulaire) ; 2) pour des fenêtres d'échantillonnage de forme irrégulière, par exclusion de polygones à partir de fenêtres initiales de forme simple, selon la méthode détaillée dans Goreaud & Pélissier (1999).

En complément de l'exemple de la parcelle forestière du Beau Poirier (Goreaud 1995, Pélissier et al. 199_) traité en illustration de cette notice, des jeux de données réels et virtuels sont disponibles dans la pile S_Data de l'interface HyperCard© (Macintosh) ou WinPlus® (PC) d'ADS.



Getis, A. & Franklin, J. (1987) Second-order neighborhood analysis of mapped point patterns. *Ecology*: 68(3), 473-477.

Goreaud, F. (1995) Etude et modélisation des peuplements hétérogènes : rôle des interactions dans la structuration spatiale du peuplement. Mémoire de DEA, Université Pierre et Marie Curie, Paris 6.

Goreaud, F. & Pélissier, R. (1999) On explicit formulas of edge effect correction for Ripley's K-function. *Journal of Vegetation Science*: 10, 433-438.

Pélissier, R., Goreaud, F. & Collinet, F. (199_) An integrated approach to studying the spatial structure of heterogeneous point patterns. *Soumis*.

Ripley, B.D. (1977) Modelling spatial patterns (with discussion). *Journal of Royal Statistical Society B:* 39, 172-212.

Density2: Rectangular window



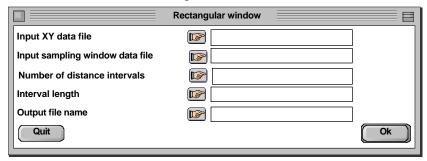
Analyse multi-échelle de la densité locale de voisinage de second ordre d'un semis de points. Cas d'une fenêtre d'échantillonnage rectangulaire.



Cette option calcule la fonction de densité locale de voisinage de second ordre $n_i(r)$ et la fonction de dénombrement associée $N_i(r)$, pour les points d'un semis défini sur une zone de forme rectangulaire. La correction des effets de bord s'applique jusqu'à $r_{max} = a/2$, où a est la longueur du grand côté de la fenêtre d'échantillonnage rectangulaire.



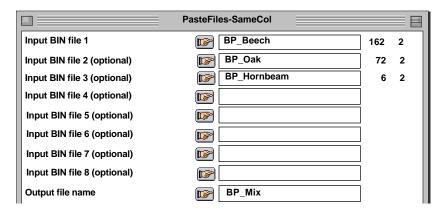
L'option utilise une seule fenêtre de dialogue :

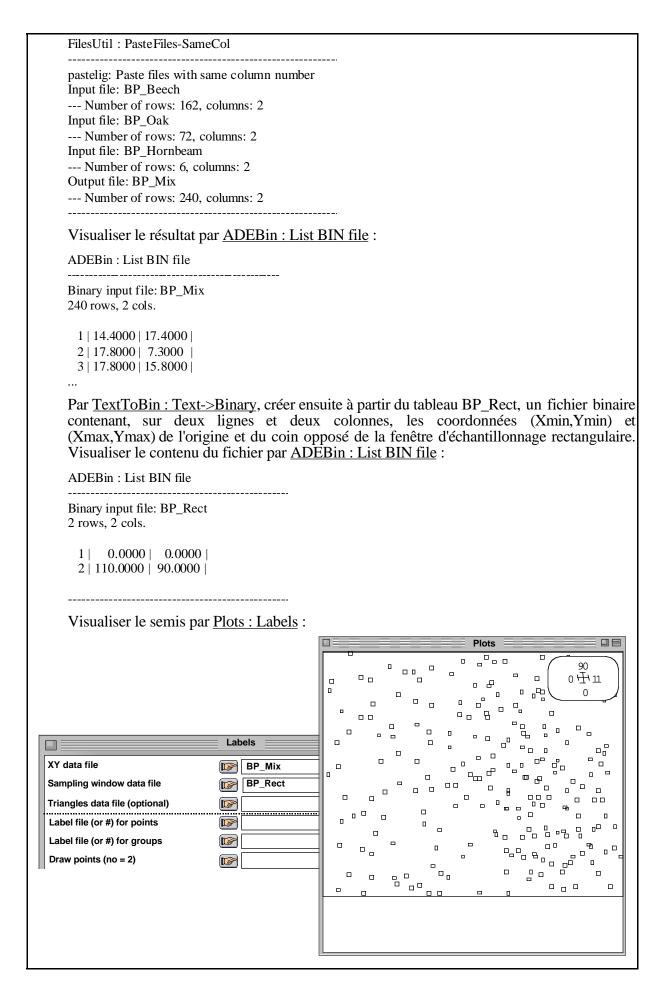


- Nom du fichier binaire d'entrée des coordonnées (X,Y) des points du semis.
- Nom du fichier binaire d'entrée des coordonnées (Xmin, Ymin) de l'origine et (Xmax, Ymax) du coin opposé de la fenêtre d'échantillonnage rectangulaire.
- Nombre total d'intervalles de distance (t_{max}) utilisés pour le calcul des fonctions.
- Evaluation Longueur du pas de distance (dr) utilisé pour le calcul des fonctions, avec $r_{\text{max}} = t_{\text{max}} \cdot dr \le 0, 5 \cdot \max(\text{Xmax} \text{Xmin}, \text{Ymax} \text{Ymin}).$
- Nom générique des fichiers binaires de sortie (création).

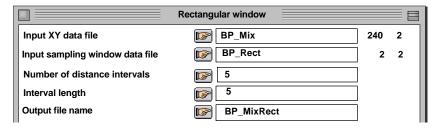


Utiliser la carte Beau Poirier de la pile S_Data. Par <u>TextToBin: Text->Binary</u>, créer à partir des tableaux BP_Beech, BP_Oak et BP_Hornbeam, trois fichiers binaires contenant sur deux colonnes, les coordonnées des points du semis. Utiliser <u>FilesUtil: PasteFiles-SameCol</u> pour créer un seul fichier contenant les trois espèces:





Utiliser la présente option :



Analysis of the second-order local neighbour density (Pélissier et al. 199_)

with edge-corrections for a rectangular sampling window

----Input XY data file: BP_Mix

It contains 240 points

Number of points within the rectangular sampling window: 231

----Input parameters

Area of the study region: 9.9000e+03

Number of points within the study region: 231

Mean density: 2.3333e-02

rmax = 2.5000e+01 dr = 5.0000e+00

----File BP_MixRect.coord contains the coordinates of the points

It has 231 rows and 2 columns

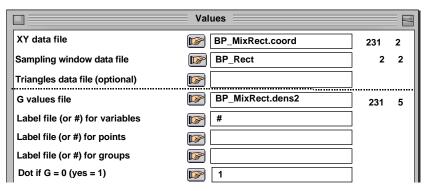
----File BP_MixRect.count2 contains the neighbour counting function Ni(r)

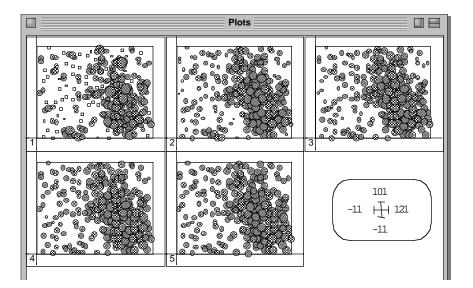
It has 231 rows and 5 columns

----File BP_MixRect.dens2 contains the neighbour density function ni(r)

It has 231 rows and 5 columns

Représenter les résultats par <u>Plots: Values</u>:





La figure montre que les individus situés dans la partie droite de la parcelle ont une densité locale de voisinage de second ordre plus forte que ceux de la partie gauche. Elle montre également que la densité locale de voisinage de second ordre tend à devenir plus homogène lorsque la taille des surfaces échantillons augmente.



Pour travailler sur une partie seulement de la zone d'étude, il suffit de redéfinir la fenêtre d'échantillonnage sans modifier le fichier de coordonnées des points. Les points situés à l'extérieur de cette fenêtre seront automatiquement exclus du calcul.

Density2 : Circular window



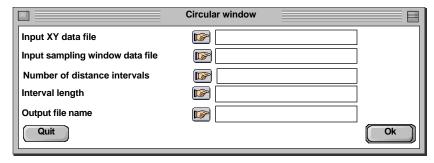
Analyse multi-échelle de la densité locale de voisinage de second ordre d'un semis de points. Cas d'une fenêtre d'échantillonnage circulaire.



Cette option calcule la fonction de densité locale de voisinage de second ordre $n_i(r)$ et la fonction de dénombrement associée $N_i(r)$, pour les points d'un semis défini sur une zone de forme circulaire. La correction des effets de bord s'applique jusqu'à $r_{\rm max}={\rm Ro}$, le rayon de la fenêtre d'échantillonnage circulaire.



L'option utilise une seule fenêtre de dialogue :



- Nom du fichier binaire d'entrée des coordonnées (X,Y) des points du semis.
- Nom du fichier binaire d'entrée des coordonnées (Xo,Yo) du centre de la fenêtre d'échantillonnage circulaire et de son rayon (Ro).
- Nombre total d'intervalles de distance (t_{max}) utilisés pour le calcul des fonctions.
- Evaluation Longueur du pas de distance (dr) utilisé pour le calcul des fonctions, avec $r_{\text{max}} = t_{\text{max}} \cdot dr \leq \text{Ro}$.
- Nom générique des fichiers binaires de sortie (création).



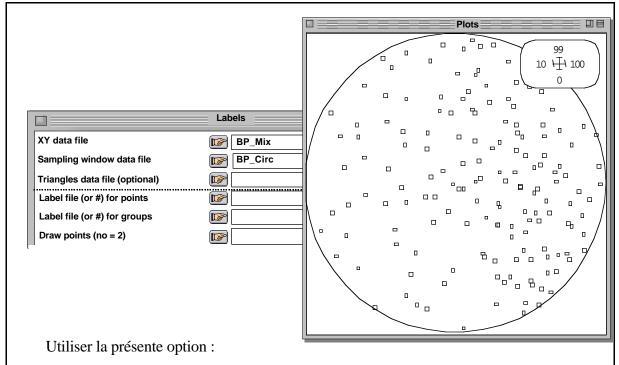
Utiliser l'exemple introduit dans <u>Density2 : rectangular window</u> pour créer le fichier binaire BP_Mix contenant, sur deux colonnes, les coordonnées des points du semis composé des trois espèces. Par <u>TextToBin : Text->Binary</u>, créer ensuite à partir du tableau BP_Circ, un fichier binaire contenant, sur une ligne et trois colonnes, les coordonnées (Xo,Yo) du centre de la fenêtre d'échantillonnage circulaire et son rayon (Ro). Visualiser le contenu du fichier par <u>ADEBin : List BIN file</u> :

ADEBin: List BIN file

Binary input file: BP_Circ
1 row, 3 cols.

1 | 55.0000 | 45.0000 | 45.0000 |

Représenter le semis par <u>Plots : Labels</u> :





Le fichier de coordonnées contient tous les points du semis initial, mais le calcul ne prend en compte que ceux contenus dans la fenêtre d'échantillonnage circulaire.

Analysis of the second-order local neighbour density (Pélissier et al. 199_)

with edge-corrections for a circular sampling window

----Input XY data file: BP_Mix

It contains 240 points

----Input sampling window data file: BP_Circ Xo: 5.5000e+01 Yo: 4.5000e+01

Ro: 4.5000e+01

Number of points within the circular sampling window: 162

----Input parameters

Area of the study region: 6.3617e+03

Number of points within the study region: 162

Mean density: 2.5465e-02

rmax = 2.5000e+01 dr = 5.0000e+00

----File BP_MixCirc.coord contains the coordinates of the points

It has 162 rows and 2 columns

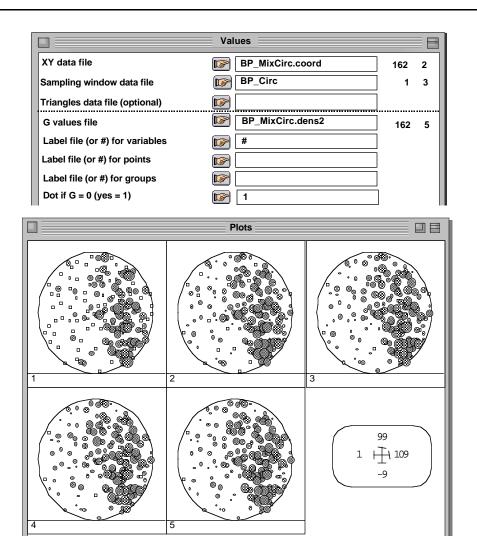
----File BP_MixCirc.count2 contains the neighbour counting function Ni(r)

It has 162 rows and 5 columns

----File BP_MixCirc.dens2 contains the neighbour density function ni(r)

It has 162 rows and 5 columns

Représenter les résultas par <u>Plots: Values</u>:



La figure montre que les individus situés dans la partie droite de la parcelle ont une densité locale de voisinage de second ordre plus forte que ceux de la partie gauche. Elle montre également que la densité locale de voisinage de second ordre tend à devenir plus homogène lorsque la taille des surfaces échantillons augmente.

Density2: Excluding from rectangular



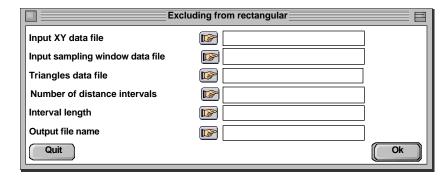
Analyse multi-échelle de la densité locale de voisinage de second ordre d'un semis de points. Cas d'une fenêtre d'échantillonnage de forme complexe obtenue par exclusion de polygones à partir d'une fenêtre rectangulaire initiale.



Cette option calcule la fonction de densité locale de voisinage de second ordre $n_i(r)$ et la fonction de dénombrement associée $N_i(r)$, pour les points d'un semis défini sur une zone de forme quelconque. Cette zone est définie à partir d'une fenêtre initiale de forme rectangulaire, à partir de laquelle sont exclus un ou plusieurs polygones décomposés en triangles. La correction des effets de bord s'applique jusqu'à $r_{max} = a/2$, où a est la longueur du grand côté de la fenêtre rectangulaire.



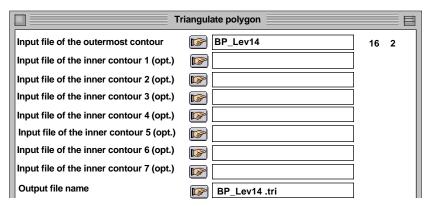
L'option utilise une seule fenêtre de dialogue :



- Mom du fichier binaire d'entrée des coordonnées (X,Y) des points du semis.
- Nom du fichier binaire d'entrée des coordonnées (Xmin, Ymin) de l'origine et (Xmax, Ymax) du coin opposé de la fenêtre d'échantillonnage rectangulaire.
- Nom du fichier binaire d'entrée des coordonnées (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3) des sommets des triangles qui composent le (ou les) polygone(s) à exclure.
- Nombre total d'intervalles de distance (t_{max}) utilisés pour le calcul des fonctions.
- Evaluation Longueur du pas de distance (dr) utilisé pour le calcul des fonctions, avec $r_{\text{max}} = t_{\text{max}} \cdot dr \le 0, 5 \cdot (\text{Xmax} \text{Xmin}, \text{Ymax} \text{Ymin}).$
- Nom générique des fichiers binaires de sortie (création).



Utiliser l'exemple introduit dans <u>Density2 : Rectangular window</u> pour créer les fichiers binaires BP_Mix et BP_Rect. Utiliser la carte Beau Poirier de la pile S_Data et <u>TextToBin : Text->Binary</u>, pour créer à partir de BP_Lev14, un fichier binaire contenant sur deux colonnes, les coordonnées des sommets du polygone à exclure. Décomposer ce polygone en triangles contigus par <u>ADSUtil : Triangulate polygon</u> :



Fast polygon triangulation (Seidel 1991, Narkhede & Manocha 1995)
----Input XY data file of the outermost contour: BP_Lev14
It contains 16 points
----File BP_Lev14.tri contains coordinates of the triangle vertices
It has 14 rows and 6 columns

Visualiser le fichier de triangles par <u>ADEBin : List BIN File</u> :

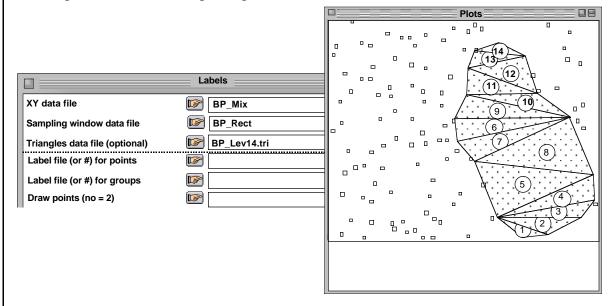
ADEBin: List BIN file

Binary input file: BP_Lev14.tri

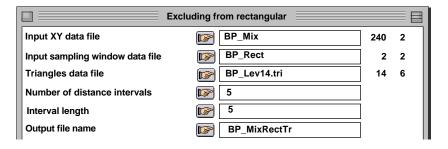
14 rows, 6 cols.

Il contient, sur 6 colonnes, les coordonnées (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3) des sommets des triangles qui composent le polygone à exclure.

Représenter le semis de points par <u>Plots : Labels</u> :



Utiliser la présente option :



Le fichier de coordonnées contient tous les points du semis compris dans la fenêtre rectangulaire initiale, mais le calcul ne prend en compte que ceux contenus dans la surface située à l'extérieur des triangles qui composent le polygone à exclure.

Analysis of the second-order local neighbour density (Pélissier et al. 199_) with edge-corrections for polygons included within a rectangular sampling window(Goreaud & Pélissier 1999)

----Input XY data file: BP_Mix

It contains 240 points

Number of points within the rectangular sampling window: 231

----Input triangles data file: BP_Lev14.tri

It contains 14 triangles

Number of triangles within the rectangular sampling window: 14

Number of points within the triangles: 113

----Input parameters

Area of the study region: 7.0586e+03

Number of points within the study region: 118

Mean density: 1.6717e-02

rmax = 2.5000e+01 dr = 5.0000e+00

----File BP_MixRectTr.coord contains the coordinates of the points

It has 118 rows and 2 columns

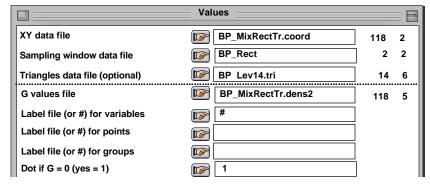
----File BP_MixRectTr.count2 contains the neighbour counting function Ni(r)

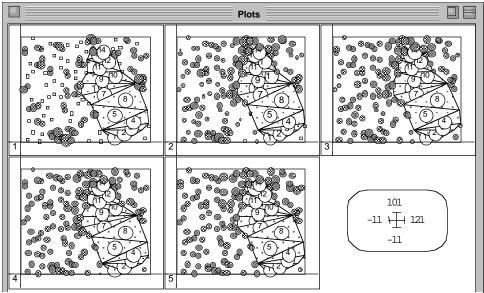
It has 118 rows and 5 columns

----File BP_MixRectTr.dens2 contains the neighbour density function ni(r)

It has 118 rows and 5 columns

Représenter les résultats par <u>Plots: Values</u>:





La figure montre que la densité locale de voisinage de second ordre tend à devenir plus homogène lorsque la taille des surfaces échantillons augmente.



Il est possible de réaliser une analyse comparable sur les points situés à l'intérieur de la surface polygonale. Il suffit pour cela de décomposer en triangles le polygone complémentaire du précédent (*cf.* ADSUtil : Triangulate polygon).



Attention, les triangles qui composent le polygone à exclure ne doivent pas se superposer les uns les autres, ni chevaucher le bord de la fenêtre rectangulaire initiale.

Density2: Excluding from circular



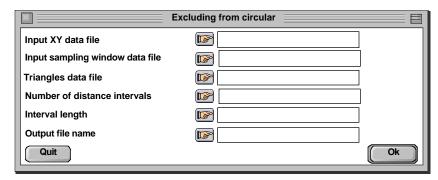
Analyse multi-échelle de la densité locale de voisinage de second ordre d'un semis de points. Cas d'une fenêtre d'échantillonnage de forme complexe obtenue par exclusion de polygones à partir d'une fenêtre circulaire initiale.



Cette option calcule la fonction de densité locale de voisinage de second ordre $n_i(r)$ et la fonction de dénombrement associée $N_i(r)$, pour les points d'un semis défini sur une zone de forme quelconque. Cette zone est définie à partir d'une fenêtre initiale de forme circulaire, à partir de laquelle sont exclus un ou plusieurs polygones décomposés en triangles. La correction des effets de bord s'applique jusqu'à $r_{\rm max}={\rm Ro}$, le rayon de la fenêtre circulaire.



L'option utilise une seule fenêtre de dialogue :



- Mom du fichier binaire d'entrée des coordonnées (X,Y) des points du semis.
- Nom du fichier binaire d'entrée des coordonnées (Xo,Yo) du centre de la fenêtre d'échantillonnage circulaire et de son rayon (Ro).
- Nom du fichier binaire d'entrée des coordonnées (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3) des sommets des triangles qui composent le (ou les) polygone(s) à exclure.
- Nombre total d'intervalles de distance (t_{max}) utilisés pour le calcul des fonctions.
- Evaluation Longueur du pas de distance (dr) utilisé pour le calcul des fonctions, avec $r_{\max} = t_{\max} \cdot dr \le \text{Ro}$.
- Nom générique des fichiers binaires de sortie (création).



Utiliser la carte Beau Poirier+1 de la pile S_Data. Elle contient les données de l'exemple du Beau Poirier translatées sur un tore, afin d'inclure le polygone à l'intérieur de la fenêtre circulaire initiale. Par Binary">Text->Binary, créer à partir de BP_BeechTor, BP_OakTor et BP_HornbeamTor, trois fichiers binaires contenant, sur deux colonnes, les coordonnées translatées des points du semis. Utiliser FilesUtil:PasteFiles-SameCol pour créer un seul fichier contenant les trois espèces :

PasteFiles-SameCol				
Input BIN file 1	BP_BeechTor	162	2	
Input BIN file 2 (optional)	BP_OakTor	72	2	
Input BIN file 3 (optional)	BP_HornbeamTor	6	2	
Input BIN file 4 (optional)				
Input BIN file 5 (optional)				
Input BIN file 6 (optional)				
Input BIN file 7 (optional)			- 1	
Input BIN file 8 (optional)			- 1	
Output file name	BP_MixTor		- 1	

FilesUtil: PasteFiles-SameCol

pastelig: Paste files with same column number

Input file: BP_BeechTor

--- Number of rows: 162, columns: 2

Input file: BP_OakTor

--- Number of rows: 72, columns: 2 Input file: BP_HornbeamTor --- Number of rows: 6, columns: 2

Output file: BP_MixTor

--- Number of rows: 240, columns: 2

·

Visualiser le résultat par <u>ADEBin : List BIN File</u> :

ADEBin: List BIN file

Binary input file: BP_MixTor

240 rows, 2 cols.

1 | 99.9000 | 17.4000 |

2 | 103.3000 | 7.3000 |

3 | 103.3000 | 15.8000 |

...

Par <u>TextToBin : Text->Binary</u>, créer ensuite à partir du tableau BP_Circ, un fichier binaire contenant, sur une ligne et trois colonnes, les coordonnées (Xo,Yo) du centre de la fenêtre circulaire initiale ainsi que son rayon (Ro). Visualiser le contenu du fichier par ADEBin : List BIN file :

ADEBin: List BIN file

Binary input file: BP_Circ

1 row, 3 cols.

1 | 55.0000 | 45.0000 | 45.0000 |

Par <u>TextToBin : Text->Binary</u>, créer à partir du tableau BP_Lev14Tor un fichier binaire contenant, sur 2 colonnes, les coordonnées (X,Y) des sommets du polygone à exclure. Décomposer ce polygone en triangles contigus par <u>ADSUtil : Triangulate polygon</u> :

Triangulate polygon					
Input file of the outermost contour	BP_Lev14Tor	16 2			
Input file of the inner contour 1 (opt.)					
Input file of the inner contour 2 (opt.)					
Input file of the inner contour 3 (opt.)					
Input file of the inner contour 4 (opt.)					
Input file of the inner contour 5 (opt.)					
Input file of the inner contour 6 (opt.)					
Input file of the inner contour 7 (opt.)					
Output file name	BP_Lev14Tor.tri				

Feet and a section of the control of

Fast polygon triangulation (Seidel 1991, Narkhede & Manocha 1995)
----Input XY data file of the outermost contour: BP_Lev14Tor

It contains 16 points

----File BP_Lev14Tor.tri contains coordinates of the triangle vertices It has 14 rows and 6 columns

Visualiser le fichier de triangles par <u>ADEbin : List BIN File</u> :

ADEBin: List BIN file

Binary input file: BP_Lev14Tor.tri

14 rows, 6 cols.

```
1 | 64.9800 | 2.1951 | 44.7400 | 9.2195 | 54.8600 | 0.8780 |
```

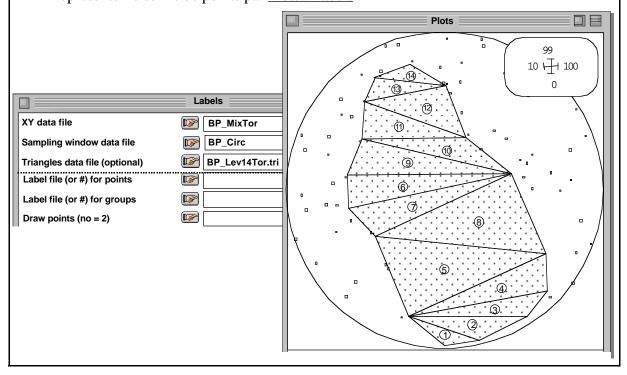
2 | 78.6200 | 9.2195 | 44.7400 | 9.2195 | 64.9800 | 2.1951 |

3 | 44.7400 | 9.2195 | 78.6200 | 9.2195 | 84.1200 | 16.0240 |

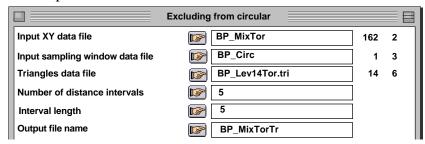
. . .

Il contient, sur 6 colonnes, les coordonnées (X1,Y1,X2,Y2,X3,Y3) des sommets des triangles qui composent le polygone à exclure.

Représenter le semis de points par <u>Plots : Labels</u> :



Utiliser la présente option :



Le fichier de coordonnées contient tous les points du semis compris dans la fenêtre initiale, mais le calcul ne prend en compte que ceux contenus dans la surface circulaire située à l'extérieur des triangles qui composent le polygone à exclure.

Analysis of the second-order local neighbour density (Pélissier et al. 199_) with edge-corrections for polygons included within a circular sampling window (Goreaud & Pélissier 1999)

----Input XY data file: BP_MixTor

It contains 240 points

----Input sampling window data file: BP_Circ Xo: 5.5000e+01 Yo: 4.5000e+01

Ro: 4.5000e+01

Number of points within the circular sampling window: 176

----Input triangles data file: BP_Lev14Tor.tri

It contains 14 triangles

Number of triangles within the circular sampling window: 14

Number of points within the triangles: 110

----Input parameters

Area of the study region: 3.5203e+03 Number of points within the study region: 66

Mean density: 1.8748e-02

rmax = 2.5000e+01 dr = 5.0000e+00

----File BP_MixTorTr.coord contains the coordinates of the points

It has 66 rows and 2 columns

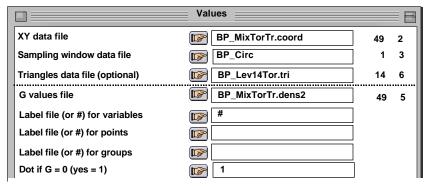
----File BP_MixTorTr.count2 contains the neighbour counting function Ni(r)

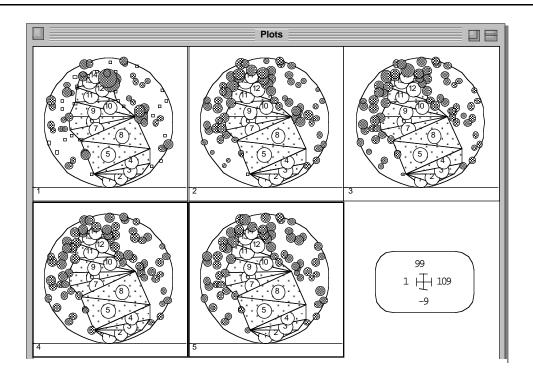
It has 66 rows and 5 columns

----File BP_MixTorTr.dens2 contains the neighbour density function ni(r)

It has 66 rows and 5 columns

Représenter les résultats par <u>Plots: Values</u>:





La figure montre que la densité locale de voisinage de second ordre tend à devenir plus homogène lorsque la taille des surfaces échantillons augmente.



Attention, les triangles qui composent le polygone à exclure ne doivent pas se superposer les uns les autres, ni chevaucher le bord de la fenêtre circulaire initiale.